文章编号: 1004-0609(2011)12-3143-06

MgO-B₂O₃二元系熔渣质量作用浓度计算模型

王 广,王静松,薛庆国,丁银贵

(北京科技大学 冶金与生态工程学院 生态与循环冶金教育部重点实验室,北京 100083)

摘 要:依据化学中广泛应用的同系线性规律, 拟合钙、镁复合化合物标准反应吉布斯自由能之间的线性关系式, 然后由 3CaO·B₂O₃和 2CaO·B₂O₃的标准反应吉布斯自由能求得 3MgO·B₂O₃和 2MgO·B₂O₃的标准反应吉布斯自由 能,进而基于炉渣结构的共存理论和相图,推导 MgO-B₂O₃二元渣系的热力学计算模型。结果表明: 1 460 ℃时, 在浓度为 0.45 < x(MgO) < 0.80 的范围内,理论计算的 MgO-B₂O₃渣系的作用浓度 N(B₂O₃)的变化规律与实测活度 α(B₂O₃)是相同的,且拟合较好。

关键词:炉渣;共存理论;质量作用浓度;活度;同系线性规律 中图分类号:TF01 文献标志码:A

Mass action concentration calculation model for MgO-B₂O₃ slag melt

WANG Guang, WANG Jing-song, XUE Qing-guo, DING Yin-gui

(Key Laboratory of Ecological and Recycle Metallurgy, Ministry of Education,

School of Metallurgical and Ecological Engineering, University of Science and Technology Beijing, Beijing 100083, China)

Abstract: According to the homologous linear rule, which was applied widely in the chemistry area, the linear equation between the standard reaction Gibbs free energy of calcium and magnesium composite compounds was fitted out. The standard reaction Gibbs free energy of $3MgO \cdot B_2O_3$ and $2MgO \cdot B_2O_3$ were obtained from the reaction of $3CaO \cdot B_2O_3$ and $2CaO \cdot B_2O_3$. And then, the thermodynamic calculation model was deduced for MgO-B₂O₃ slag melt based on the coexistence theory of slag structure and phase diagram. The calculated results indicate that the variation trend of theoretically calculated mass action concentrations of B₂O₃ agrees well with the measured activities in the reference at 1 460 °C in the concentration range of 0.45 < x(MgO) < 0.80. Therefore, this above mentioned model has a certain extent of instruction meaning for actual work.

Key words: slag; coexistence theory; mass action concentration; activity; homologous linear rule

我国辽-吉地区蕴藏有大量的硼矿资源,主要包括硼镁石矿和硼镁铁矿两种。自1956年我国硼工业诞生以来,一直开发的主要是较易利用的硼镁石矿,目前该矿的储量已不足200万t(B₂O₃),其产量已远不能满足硼工业的需要^[1]。据统计,到2010年我国硼矿的缺口将达到74.5万t^[2]。按照硼镁石矿目前的开采速度,几年内将会采完,届时我国硼矿资源将面临严重

短缺的局面。为了保证我国硼资源的战略供给,作为 硼镁石矿替代资源的硼镁铁矿的开发利用己引起了国 家的高度重视。20 世纪 80 年代中期至今,东北大学 根据硼镁铁矿的化学组成、矿物结构特点,基于选择 性还原的基本原理,提出了"火法"综合利用硼镁铁 矿的工艺流程,因其简单、高效而极具发展前景^[3]。

"火法"流程中的渣系以 MgO-B₂O₃ 二元系为主,

收稿日期: 2010-12-02; 修订日期: 2011-03-21

基金项目:中央高校基本科研业务费专项资金资助项目(FRF-MP-09-001A);攀枝花钒钛磁铁矿高效分离与资源综合利用技术开发项目 (2008BAB32B05)

通信作者: 薛庆国, 教授; 电话: 010-62332785; E-mail: xueqingguo@ustb.edu.cn

由于渣系的热力学基本性质尤其是活度对火法冶金过 程具有十分重要的意义,因此,MgO-B₂O₃ 渣系组元 活度的研究一直是致力于"火法"利用硼镁铁矿的冶 金工作者的研究重心。一方面,研究者们⁽⁴⁻⁷⁾用渣金平 衡的方法测定了该二元系中组元的活度,但是由于认 识和实验条件的不同,彼此差异较大,至今仍没有取 得一致性的结论;另一方面,限于硼镁酸盐热力学数 据的缺乏,关于 MgO-B₂O₃ 渣系的热力学计算模型还 是很少见的,仅有 CaO-B₂O₃、Fe_xO-B₂O₃ 渣系的计算 模型见诸文献,证明了共存理论对含 B₂O₃ 渣系的适用 性^[8]。本文作者首次采用热力学数据估算与炉渣结构 的共存理论^[9]相结合的方法,推导了 MgO-B₂O₃ 二元 系的热力学计算模型,为我国冶金和硼镁铁矿资源的 综合利用服务。

MgO-B₂O₃ 二元系熔渣结构单元的 确定

TOROPOV 和 KONOVALOV^[10]采用测量冷却曲 线的方法对 MgO-B₂O₃ 体系进行了相平衡研究,得出 该体系存在 3MgO·B₂O₃、 2MgO·B₂O₃和 MgO·B₂O₃同 分熔化化合物。后来, DAVIS 和 KNIGHT^[11]对 MgO-B₂O₃二元系重新进行了研究,其结果与 TOROPOV 和 KONOVALOV^[10]的结论基本相同,只 是 MgO·B₂O₃ 会在 988 ℃发生分解。随后, KUZEL 和 JAHRB^[12]合成了 MgO·2B₂O₃,指出 MgO·B₂O₃并不存 在, 而是 2MgO·B₂O₃ 和 MgO·2B₂O₃ 的混合物。 FLETCHER 等^[13]对 CaO-MgO-B₂O₃三元系在 900 ℃时 的相平衡进行研究,其结果与 KUZEL 和 JAHRB^[12] 的结论相符。MIYAGAWA 等^[14]以金属镁和硼酸为原 料,经电炉热处理后淬冷,用 X 射线衍射和矿相分析 研究了 MgO-B₂O₃ 体系的相平衡关系,亦否定 MgO·B₂O₃的存在,证实 MgO·2B₂O₃为异分熔化化合 物,3MgO·B₂O₃和 2MgO·B₂O₃为同分熔化化合物。 MUTLUER 和 TIMUCIN^[15]采用 DTA 对 MgO-B₂O₃体 系进行了研究,得出体系内复合化合物的种类与 MIYAGAWA 相同, 只是 2MgO·B₂O₃ 和 MgO·2B₂O₃ 分别在 1 146 ℃和 995 ℃发生了分解。DELL 和 BRAY^[16]采用核磁共振研究了 MgO-B₂O₃ 体系在偏硼 酸盐组成处的相平衡组成,得出在不同的样品制备条 件下,均不存在 MgO·B₂O₃。郎建峰^[17]通过采用分析 纯的 MgO、B₂O₃ 按照 3MgO·B₂O₃、2MgO·B₂O₃、 MgO·B₂O₃和 MgO·2B₂O₃中 MgO 和 B₂O₃的组成比例, 在高频感应炉中对上述4种硼酸盐进行了人工合成, 经过X射线衍射分析,证明MgO·B₂O₃是不存在的,

进一步证实了前人的研究工作。目前最新的 MgO-B₂O₃ 二元系相图如图 1 所示^[18],主要是采用了 MIYAGAWA 和 MUTLUER 的研究结果,也就是说, 对于 2MgO·B₂O₃ 是同分熔化化合物还是异分熔化化 合物还没有定论。在 MgO-B₂O₃ 二元系相图尚存争议 的情况下,本研究中规定 3MgO·B₂O₃ 和 2MgO·B₂O₃ 可在高温下稳定存在。



图1 MgO-B₂O₃二元系相图

Fig.1 Phase diagram of MgO-B₂O₃ slag melt

综上所述,本研究确定 $MgO-B_2O_3$ 二元渣系在"火 法"流程下存在的结构单元包括: Mg^{2+} 和 O^{2-} 两种简 单离子, B_2O_3 一种简单分子, $3MgO·B_2O_3$ 和 $2MgO·B_2O_3$ 两种复杂分子。

2 硼镁复合化合物标准反应吉布斯 自由能的估算

现有的热力学数据手册中尚无 3MgO·B₂O₃ 和 2MgO·B₂O₃两种复合化合物的标准反应吉布斯自由能 函数的数据。本研究基于化学中广泛采用的复合化合 物标准反应吉布斯自由能的同系线性规律^[19]来估算 所缺的标准反应吉布斯自由能值。该规律在用盖斯定 律来解释时,认为碱性氧化物为离子晶体、酸性氧化 物为分子,二者结合生成离子晶体,这与共存理论有 很大的相似性,3MgO·B₂O₃和 2MgO·B₂O₃是离子化合 物,只是在由固态向熔态转变的过程中,仅发生物理 变化即熔化,而没有发生离子化过程,故化合物中的 MgO 和 B₂O₃ 仍紧密结合在一起。由于 3MgO·B₂O₃ 和 2MgO·B₂O₃ 的介电常数较大,Mg²⁺和 O²⁻间的静电吸 引力被削弱而在熔态中保持相对独立,但是它们参与 反应时是协同进行的。此外,同系线性规律主要用于 硅酸盐矿物、标准态 298 K 时的标准反应吉布斯自由

3145

能的估算,在共存理论的框架内,若将其扩展到高温体系,并不影响它的理论基础,且硼酸盐具有与硅酸盐类似的链状、层状、岛状、架状结构^[20],因此,本研究尝试将其运用到高温硼酸盐熔渣体系。

根据从热力学手册中查得的简单氧化物和单质 1 460 ℃时的热力学数据^[21],经计算求得了估算时所 用的热力学数据,如表1所列。

根据表1中的热力学数据,将各种钙化合物和与 其对应的镁化合物的标准反应吉布斯自由能对应作 图,如图2所示。得到拟合直线方程如下:

表1 估算硼镁复合化合物1460℃标准反应吉布斯自由能 所用参数

Table 1	Parameters	to	estimate	standard	reaction	Gibbs	free		
energy of B-Mg compound at 1 460 $^{\circ}$ C									

Component	ΔG^{Θ} /(kJ·mol ⁻¹)	Component	ΔG^{Θ} / (kJ·mol ⁻¹)	
MgCl ₂ (l)	-373.60	CaCl ₂ (l)	-545.62	
MgF ₂ (1)	-798.79	CaF ₂ (l)	-938.33	
MgO(s)	-375.72	CaO(s)	-452.00	
MgS(s)	-205.18	CaS(s)	-368.13	
MgBr ₂ (1)	-300.39	CaBr ₂ (1)	-487.03	
MgO·Al ₂ O ₃ (s)	-39.22	CaO·Al ₂ O ₃ (s)	-50.63	
MgO·Fe ₂ O ₃ (1)	-22.73	CaO·Fe ₂ O ₃ (l)	-38.03	
$2MgO \cdot SiO_2(s)$	-59.73	2CaO·SiO ₂ (s)	-138.38	
MgO·SiO ₂ (s)	-30.53	CaO·SiO ₂ (s)	-88.17	
MgO·TiO ₂ (s)	-20.96	CaO·TiO ₂ (s)	-85.71	
$3MgO \cdot P_2O_5(l)$	-1240.16	$3CaO \cdot P_2O_5(l)$	-1349.39	
$3MgO \cdot B_2O_3(l)$	-	$3CaO \cdot B_2O_3(l)$	-226.73	
$2MgO \cdot B_2O_3(l)$	_	$2CaO \cdot B_2O_3(l)$	-188.04	



图 2 钙盐与镁盐的 ΔG^{Θ} 间的同系线性关系

Fig.2 Linear relationship of standard reaction Gibbs free energy of Ca and Mg salts at 1 460 $^\circ \rm C$

 ΔG^{Θ} (Ca salt, 1 460 °C)=

 $1.066\ 07\Delta G^{\Theta}(Mg \text{ salt, } 1\ 460\ ^{\circ}\text{C})-76.850\ 19$ (1)

其线性相关系数 R=0.991 12,可见该方法的可靠性 还是比较高的。1 460 °C时,由 $\Delta G^{\Theta}(3$ CaO·B₂O₃)= -226.73 kJ/mol、 $\Delta G^{\Theta}(2$ CaO·B₂O₃)=-188.04 kJ/mol,根 据式(1)可以求得, $\Delta G^{\Theta}(3$ MgO·B₂O₃)=-140.59 kJ/mol、 $\Delta G^{\Theta}(2$ MgO·B₂O₃)=-104.30 kJ/mol。

3 作用浓度计算模型的建立

令各组元的作用浓度为 N₁=N(MgO)、N₂= N(B₂O₃)、N₃=N(MgO·B₂O₃)、N₄=N(MgO·B₂O₃)。

同时, 令 *b*=∑*n*MgO, *a*=∑*n*B₂O₃, ∑*n* 表示总质点数。

根据物料平衡有

$$N_1 + N_2 + N_3 + N_4 = 1 \tag{4}$$

由化学平衡可得

 $3(Mg^{2+}+O^{2-})(s)+(B_2O_3)(l)=(3MgO\cdot B_2O_3)(l)$

$$N_3 = K_1 N_1^3 N_2 \tag{5}$$

 $2(Mg^{2+}+O^{2-})(s)+(B_2O_3)(l)=(2MgO\cdot B_2O_3)(l)$

$$N_4 = K_2 N_1^2 N_2 (6)$$

 K_1 、 K_2 分别由 3MgO·B₂O₃和 2MgO·B₂O₃在 1 460 ℃时按 K=exp[$-\Delta G^{\Theta}/(RT)$]求得的标准反应吉布斯自由 能。

$$b = \sum n(0.5N_1 + 3N_3 + 2N_4) \tag{7}$$

$$a = \sum n(N_2 + N_3 + N_4)$$
(8)

由式(7)和式(8)可得:

$$bN_2 - 0.5aN_1 + (b - 3a)N_3 + (b - 2a)N_4 = 0$$
(9)

以上式(4)~(6)及式(9)就构成 MgO-B₂O₃ 渣系的热 力学计算模型,这样 N₁、N₂、N₃、N₄ 4 个未知数有 4 个独立方程,结合 *a*、*b* 的值,联立求解就可以计算出 各组元作用浓度随成分变化的规律。

4 计算结果与讨论

根据 MgO-B₂O₃ 二元系相图,1 460 ℃时,在富 B₂O₃ 区(*x*(MgO)<0.45)存在液-液不互溶两相区,该区 处于亚稳态, MgO 和 B₂O₃ 的活度在一定温度和浓度 区间为与组成无关的恒值。关于该亚稳态区,其边界、 最高临界溶解温度、体系的热力学性质等的研究尚不 清楚,仅存在较少的实验数据和一些理论上的探 讨^[22]。在富 MgO 区(x(MgO)>0.80),则存在液相与 MgO 的两相区,此时 MgO 饱和,其活度为 1,其它 组分的活度为 0。

图 3 所示为 MgO-B₂O₃ 渣系各组元的作用浓度在 45% < x(MgO) < 80%组成范围内随炉渣成分变化的情况。从图 3 中可以看出,1460 ℃时,由于炉渣中形成 了 3MgO·B₂O₃ 和 2MgO·B₂O₃ 等复合氧化物,导致 MgO 和 B₂O₃的活度在较大的浓度范围内对拉乌尔定 律形成负偏差,其中 2MgO·B₂O₃和 3MgO·B₂O₃的作 用浓度在靠近其组成处达到最大值。





为了验证模型的计算结果,有必要将理论计算的 作用浓度值与实测的活度值进行比较。尽管国内外的 学者在不同温度、试验条件以及活度标准态下对 MgO-B₂O₃渣系中 MgO 和 B₂O₃的活度进行了测定和 计算,但是彼此之间差距较大,并没有取得一致性的 结论。各文献中所测的 MgO-B₂O₃渣系中 B₂O₃组元的 活度如图 4 所示。

张成弢和冀春霖^[4]由于没有考虑 MgO 和 B₂O₃的 挥发,因此平衡问题难以保证^[5]。其以原始渣的组成 作为最终组成,很可能造成偏差,而且以金属 Sn 为 溶剂,1 500 ℃下与 MgO 饱和渣平衡的 Mg-Sn 合金中 Mg 的平均摩尔分数仅为 0.001 911,这样既难以分析, 也较难保证数据的可靠性^[7]。

戴长虹和张显鹏^[5]虽然考虑了 MgO 和 B₂O₃的挥 发问题,但没有进行平衡时间的验证试验。而且其假 定1450 ℃时金属溶剂 Cu 中的[B]符合亨利定律,然



图 4 文献中所测的 MgO-B₂O₃ 渣系 B₂O₃ 的活度 **Fig.4** B₂O₃ activity of MgO-B₂O₃ slag in different references

而当温度为 1 600 ℃、*p*(CO)=0.1 MPa 时, Cu 中[B] 的摩尔分数可达 14.5%^[6],已超出了亨利定律的适用 范围。所以该文献的数据的可靠性也是难以保证的。

SUNKAR 和 MORITA^[6]以 MgO-B₂O₃ 二元系相图 为基础,找出了液-液不互溶两相区(*x*(MgO)<0.34)和 MgO 饱和相区(*x*(MgO)>0.80)与单液相区的分界点, 并规定液-液不互溶两相区 B₂O₃的活度为 1、MgO 活 度为 0; MgO 饱和相区 B₂O₃的活度为 0、MgO 活度 为 1,其仅测定了单液相区内数据。体系温度高达 1 600 ℃,而当温度高于 1 400 ℃、B₂O₃的浓度大于 0.3 时, B₂O₃ 的 挥发 已 经 使 RAO 和 GASKELL^[23]研究 MnO-B₂O₃ 体系热力学性质的试验无法进行。特别是 在还原条件下,还会加剧 B₂O₃ 以 B₂O₂ 形式^[24]以及 MgO 以 Mg 蒸汽形式的挥发^[5]。而 SUNKAR 和 MORITA^[6]的试验是在石墨坩埚、*p*(CO)=0.1 MPa 条件 下进行的,并没有提及防止挥发的措施,所以本研究 没有采用其数据。

曹枫等^[7]以金属锗为溶剂,提高了镁在锗中的含量,并进行了反应平衡时间的测定。但是其在富 B₂O₃ 区的液-液不互溶两相区错误地运用 G-D 方程,进而 依据 MgO 的活度求解了 B₂O₃ 的活度,以致 B₂O₃ 活度 在富 B₂O₃ 区仅对拉乌尔定律形成较大的正偏差。考虑 到其温度和实验方法的合理性,因此采用他在 0.45< x(MgO)<0.80 区间测量的活度值 *a*(B₂O₃)与本研究基 于共存理论计算的作用浓度值 *N*(B₂O₃)比较,其结果 如图 5 所示。

从图 5 中可以看出, 二者的变化规律是相同的, 理论值 N(B₂O₃)与实测值 α(B₂O₃)的拟合程度较高, 说明本研究的 MgO-B₂O₃渣系的热力学模型是合理的, 该模型在一定程度上能反应 MgO-B₂O₃渣系的实际情况。

0.8

0.6

0.2

0

× N 0.4 $L_1 + L_2$

- N

0.2



0.8

 L_2 L_2

1.0

王 广,等: MgO-B₂O₃二元系熔渣质量作用浓度计算模型

B240-B243.

图 5 MgO-B₂O₃ 渣系理论计算的 B₂O₃ 的作用浓度与文献[7] 中实测活度值的比较

x(MgO)

0.6

0.4



5 结论

1) 基于复合化合物标准反应吉布斯自由能的同 系线性规律估算了所缺的 3MgO·B₂O₃ 和 2MgO·B₂O₃ 的标准反应吉布斯自由能,并且可信度较高。

2) 推导了 MgO-B₂O₃ 二元渣系的热力学计算模型, 1 460 ℃时, 在浓度为 0.45<*x*(MgO)<0.80 的范围内, 根据模型所计算的 B₂O₃ 的作用浓度与实测的 B₂O₃ 的活度的变化规律是相同的, 且拟合程度较高。 以 MgO-B₂O₃ 二元渣系作用浓度模型为基础, 在一定 程度上可以指导高温条件下 MgO-B₂O₃ 渣系 B₂O₃ 活度 在特定浓度范围内的准确测定。

3) 对将基于同系线性规律估算复合化合标准反应吉布斯自由能的方法引入到炉渣结构的共存理论, 进而解决实际问题的思路进行了有益的尝试,其结果 较令人满意。

REFERENCES

- 赵庆杰,王常任.硼铁矿的开发利用[J].辽宁化工,2001, 30(7):297-299.
 ZHAO Qing-jie, WANG Chang-ren. Development and application of paigeite[J]. Liaoning Chemical Industry, 2001, 30(7):297-299.
- [2] 李文光. 我国硼矿资源概况及利用[J]. 化工矿物与加工, 2002(9): 37.

LI Wen-guang. The situation of China's boron resource and its utilization[J]. Industrial Minerals and Processing, 2002(9): 37.

- [3] 刘 然,薛向欣,姜 涛,张淑会,黄大威.硼铁矿综合利用 概况与展望[J]. 矿产综合利用,2006(2):33-37. LIU Ran, XUE Xiang-xin, JIANG Tao, ZHANG Shu-hui, HUANG Da-wei. Comprehensive utilization of ludwigite and its prospect[J]. Multipurpose Utilization of Mineral Resources, 2006(2): 33-37.
- [4] 张成弢, 冀春霖. MgO-B₂O₃ 二元系熔渣中组元的活度[J]. 金 属学报, 1989, 25(4): B240-B243.
 ZHANG Cheng-tao, JI Chun-lin. Activities of components in MgO-B₂O₃ melt[J]. Acta Metallurgica Sinica, 1989, 25(4):
- [5] 戴长虹,张显鹏. 含挥发组分 B₂O₃ 渣系活度的测定方法[J].
 金属学报, 1994, 30(6): B243-B246.
 DAI Chang-hong, ZHANG Xian-peng. A method for measuring

activities in slag containing volatile component B₂O₃[J]. Acta Metallurgica Sinica, 1994, 30(6): B243–B246.

- [6] SUNKAR A S, MORITA K. Thermodynamic properties of the MgO-BO_{1.5}, CaO-BO_{1.5}, SiO₂-BO_{1.5}, MgO-BO_{1.5}-SiO₂ and CaO-BO_{1.5}-SiO₂ slag systems at 1 873 K[J]. ISIJ International, 2009, 49(11): 1649–1655.
- [7] 曹 枫, 王之昌, 张 影, 罗志国. MgO-B₂O₃ 二元渣的热力 学研究[J]. 华东冶金学院学报, 1999, 16(1): 1-4.
 CAO Feng, WANG Zhi-chang, ZHANG Ying, LUO Zhi-guo. The study on thermodynamics of MgO-B₂O₃ binary slag[J]. Journal of East China University of Metallurgy, 1999, 16(1): 1-4.
- [8] 成国光,张鉴,赵 沛. 含 B₂O₃ 渣系的热力学计算模型[J].
 中国有色金属学报, 1997, 7(2): 30-33.
 CHENG Guo-guang, ZHANG Jian, ZHAO Pei. Thermodynamic calculation models for slag melts containing B₂O₃[J]. The Chinese Journal of Nonferrous Metals, 1997, 7(2): 30-33.
- [9] 张 鉴, 成国光, 王力军, 朱 荣, 郭汉杰. 冶金熔体和溶液的计算热力学[M]. 北京: 冶金工业出版社, 2007: 241-245. ZHANG Jian, CHENG Guo-guang, WANG Li-jun, ZHU Rong, GUO Han-jie. Computational thermodynamics of metallurgical melts and solution[M]. Beijing: Metallurgical Industry Press, 2007: 241-245.
- [10] TOROPOV N A, KONOVALOV P F. Binary system magnesium oxide-boric anhydride[J]. Zhurnal Fizicheskoi Khimii, 1940, 14(3): 1103–1109.
- [11] DAVIS H M, KNIGHT M A. The system magnesium oxide-boric oxide[J]. Journal of the American Ceramic Society, 1945, 28(4): 97–102.
- [12] KUZEL H J. Crystal structure of MgB₂O₄[J]. Neues Jahrbuch für Mineralogie Monatshefte, 1964, 12: 357–360.
- [13] FLETCHER B L, STEVENSON J R, WHITAKER A. Phase equilibria in the system CaO-MgO-B₂O₃ at 900 °C[J]. Journal of the American Ceramic Society, 1970, 53(2): 95–97.
- [14] MIYAGAWA S, HIRANO S, SOMIYA S. Phase relations in the system MgO-B₂O₃[J]. Bulletin of the Tokyo Institute of

Technology, 1972, 108: 33.

- [15] MUTLUER T, TIMUCIN M. Phase equilibria in the system MgO-B₂O₃[J]. Journal of the American Ceramic Society, 1975, 58(5/6): 196–197.
- [17] 郎建峰. 硼铁矿综合利用—关于富硼渣活性的研究[D]. 沈阳: 东北工学院, 1991: 17.
 LANG Jian-feng. Comprehensive utilization of ludwigite— Research on the activity of boron-rich slag[D]. Shenyang: Northeastern University of Technology, 1991: 17.
- [18] Verein Deutscher Eisenhuttenleute. Slag atlas[M]. 2nd Edition. Düsseldorf: Verlag Stahleisen GmbH, 1995: 52.
- [19] 温元凯,邵 俊. 离子极化导论[M]. 合肥: 安徽教育出版社, 1985: 247-280.
 WEN Yuan-kai, SHAO Jun. Ion polarization introduction[M].

Hefei: Anhui Education Press, 1985: 247–280.

[20] 袁光辉. 硼酸盐的结构特征及分类研究[D]. 大连: 大连理工 大学, 2007: 2. YUAN Guang-hui. Study on the classification and characteristics of borate structure[D]. Dalian: Dalian University of Technology, 2007: 2.

- [21] 梁英教,车荫昌,刘晓霞,李乃军.无机物热力学数据手册
 [M]. 沈阳:东北大学出版社,1993:16-449.
 LIANG Ying-jiao, CHE Yin-chang, LIU Xiao-xia, LI Nai-jun.
 Thermodynamic data notebook of inorganics[M]. Shenyang:
 Northeastern University Press, 1993:16-449.
- [22] SUNG S K, THOMAS H, SANDERS Jr. Thermodynamic assessment of the miscibility gaps and the metastable liquid in the B₂O₃-RO system (R=Mg, Ca, Sr and Ba)[J]. Journal of the American Ceramic Society, 2003, 86(11): 1947–1952.
- [23] RAO B, GASKELL D R. The thermodynamic activity of MnO in melts containing SiO₂ B₂O₃, and TiO₂[J]. Metallurgical and Materials Transactions B, 1981, 12(3): 469–477.
- [24] INGHRAM M G, PORTER R F, CAHUPK W A. Mass spectrometric study of gaseous species in the B-B₂O₃ system[J]. Journal of Chemical Physics, 1956, 25(3): 498-501.

(编辑 李艳红)