

[文章编号] 1004-0609(2002)S1-0024-06

Al-Pb 互不溶体系机械合金化过程中固溶度的计算^①

方 芳, 朱 敏, 袁 斌, 王 涛

(华南理工大学 机械工程学院, 广州 510641)

[摘要] 计算了 8 种 fcc 金属(Ag, Al, Au, Cu, Ni, Pb, Pd 和 Pt) 和 Al-Pb 互不溶体系的嵌入原子势(EAM), 并计算了用 EAM 模型计算的结构稳定性。计算结果和实验结果吻合较好, 而且拟合得到的 fcc 模型在结构上是稳定的。运用拟合得到的数据计算了 Pb 在 Al 中的溶解热, 结果与 *ab initio* 计算结果相近。根据机械合金化扩展固溶度的理论, 计算了 Al-Pb 互不溶体系机械合金化后的固溶度, 约为 0.19% (摩尔分数)。

[关键词] Al-Pb 互不溶体系; 嵌入原子势; 机械合金化; 溶解热; 固溶度

[中图分类号] TG 132.3

[文献标识码] A

互不溶合金体系作为材料的重要来源之一, 正逐渐引起人们的关注。由于该体系的混合热为正值($H_{\text{mix}} \geq 0$), 所以很难用传统的铸造法在该种体系中制备超细混合合金。20世纪 80 年代末, 研究者发现用机械合金化(MA) 的方法很容易克服互不溶体系中因组元的密度或熔点相差较大而产生的问题, 得到常规方法难以制备的组织均匀、细小、弥散的合金材料, 并且这些合金表现出特殊的性能, 从而引起研究者的极大兴趣。

值得注意的是互不溶体系在 MA 过程中能发生非平衡相变, 导致亚稳相形成。目前已通过 MA 技术制备得到了过饱和固溶体、非晶、纳米相复合结构等亚稳态结构。这些亚稳态结构常常表现出特殊的力学和物理性能, 例如: Fe-Cu 系的纳米晶过饱和固溶体具有软化效应^[1]; MA 制备得到的 Cu-Co 纳米相复合结构具有巨磁阻效应^[2]; 互不溶 Al-Pb 合金系 MA 后耐磨性明显提高^[3]。这些独特的性能与亚稳相的微观结构有密切关系, 所以弄清互不溶体系 MA 后的微观结构转变是国内外研究者共同感兴趣的课题, 它的进一步研究将会为互不溶合金系的广泛应用提供新的理论支持。但由于互不溶体系 MA 的研究还处于发展阶段, 目前尚未形成成熟的理论来准确地预测该种体系在 MA 过程中亚稳相的形成和转变, 所以仅通过试验还无法验证互不溶合金系机械合金化过程中的相变, 好在近年来伴随计算材料科学的出现和发展, 已经有可能用计算机模拟技术模拟互不溶体系球磨过程中的非平

衡态转变和亚稳相的显微结构, 为实验研究提供依据。

Al-Pb 是一种典型的二元互不溶体系, 主要用做轴瓦和焊剂材料。实验结果表明, 机械合金化能得到组织均匀、细小、弥散分布的 Al-Pb 合金, 而且耐磨性明显提高^[3,4]。为进一步分析 Al-Pb 合金系球磨过程中的非平衡态相变, 本文作者采用嵌入原子法(Embedded Atom Method, 简称 EAM)^[5], 计算了 8 种 fcc 结构金属的 EAM 势函数, 以及 Al-Pb 互不溶合金系的 EAM 势函数, 并用所得 EAM 模型参数计算了 Pb 在 Al 中的溶解热和球磨后 Pb 在 Al 中扩展的固溶度。

1 EAM 模型和溶解热的计算

根据嵌入原子理论, 一个原子集团的总能量为^[5]

$$E_{\text{tot}} = \frac{1}{2} \sum_{i,j(i \neq j)} \phi(r_{ij}) + \sum_j F_j(\rho) \quad (1)$$

$$\rho = \sum_{j(j \neq i)} f(r_{ij}) \quad (2)$$

式中 $\phi(r_{ij})$ 为相距 r_{ij} 的原子 i 和 j 之间的相互作用势; $F_i(\rho)$ 为嵌入函数; ρ 为系统中所有其它原子在 i 原子处产生的电子密度。嵌入函数可以理解为将一个原子嵌入到系统其他原子后产生局部原子密集时所需能量。

在计算中分别取如下的 $F(\rho)$, $\phi(r)$ 和 $f(r)$ 等函数形式:

① [基金项目] 国家自然科学基金资助项目(59925102)和广东省自然科学基金资助项目(980557)

[收稿日期] 2001-11-15; [修订日期] 2001-12-17

[作者简介] 方 芳(1974-), 女, 博士研究生。

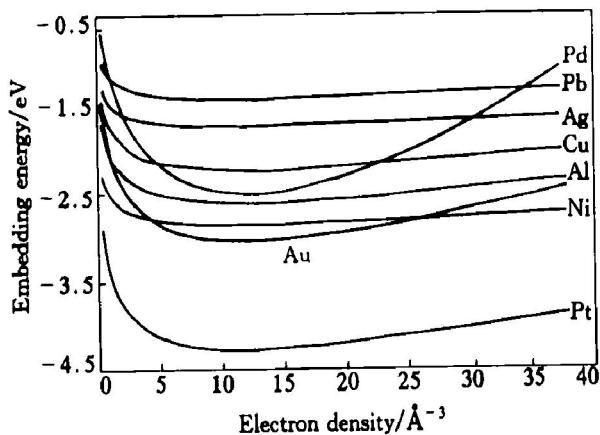


图3 嵌入函数的变化规律

Fig. 3 Embedding energy of metals (Ag, Al, Au, Cu, Ni, Pb, Pd and Pt) as a function of the background electron density

$$\bar{\rho}_A = 12\rho_A(\frac{\sqrt{2}}{2}a_A) + 6\rho_A(a_A) + 24\rho_A(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A) \quad (10)$$

$$\bar{\rho}_B = 12\rho_B(\frac{\sqrt{2}}{2}a_B) + 6\rho_B(a_B) + 24\rho_B(\frac{\sqrt{6}}{2}a_B) \quad (11)$$

式中 ρ_A 和 ρ_B 是原子的电荷密度, a_A 和 a_B 为纯 A 和纯 B 金属的晶格常数。这里我们考虑了最近邻、次近邻和第三近邻间的相互作用, 主要是因为我们的 EAM 模型中选取的截断距离 r_{cut} 在第三和第四近邻原子之间。

b) 一个 B 原子溶入纯 fcc 结构 A 中后的能量为 E_{B-2} :

$$E_{B-2} = F_b(\bar{\rho}_A) + 6\phi_{ab}(\frac{\sqrt{2}}{2}a_A) + 3\phi_{ab}(a_A) + 12\phi_{ab}(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A) \quad (12)$$

c) 当 B 原子溶入 A 结构中后, 最靠近 B 原子的 A 原子的能量为 E_{A-2}^1 :

$$E_{A-2}^1 = F_a[\bar{\rho}_A - \rho_A(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A) + \rho_B(\frac{\sqrt{2}}{2}a_A)] + \frac{11}{2}\phi_{aa}(\frac{\sqrt{2}}{2}a_A) + \frac{1}{2}\phi_{ab}(\frac{\sqrt{2}}{2}a_A) + 3\phi_{aa}(a_A) + 12\phi_{aa}(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A) \quad (13)$$

d) 次靠近 B 原子的 A 原子的能量为 E_{A-2}^2 :

$$E_{A-2}^2 = F_a[\bar{\rho}_A - \rho_A(a_A) + \rho_B(a_A)] + 6\phi_{aa}(\frac{\sqrt{2}}{2}a_A) + \frac{5}{2}\phi_{ab}(a_A) + \frac{1}{2}\phi_{ab}(a_A) + 12\phi_{aa}(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A) \quad (14)$$

e) 第三近邻 B 原子的 A 原子的能量为 E_{A-2}^3 :

$$E_{A-2}^3 = F_a[\bar{\rho}_A - \rho_A(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A) + \rho_B(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A)] + \frac{6}{2}\phi_{aa}(\frac{\sqrt{2}}{2}a_A) + 3\phi_{aa}(a_A) + \frac{23}{2}\phi_{aa}(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A) + \frac{1}{2}\phi_{ab}(\frac{\sqrt{6}}{2}a_A) \quad (15)$$

根据以上公式, B 原子溶入 fcc 结构 A 中的溶解热 $\Delta E_{B \rightarrow A}$ 可由公式(16)计算:

$$\Delta E_{B \rightarrow A} = 12E_{A-2}^1 + 6E_{A-2}^2 + 24E_{A-2}^3 + E_{B-2} - 42E_{A-1} - E_{B-1} \quad (16)$$

设 A 为 Al, B 为 Pb, 通过计算得到 Pb 在 Al 中的溶解热为 155.3 kJ/mol, 与 *ab initio* 计算值 146.68 kJ/mol 接近^[15]。这可以说明本文作者计算得到的 Al-Pb 合金 EAM 势函数是可行的。

2.3 机械合金化后 Al-Pb 固溶度计算

E. Ma 提出了机械合金化后固溶度的计算公式^[16]:

$$x_B^{sol} = \exp \left[- \frac{\Omega(1 - x_B^{sol})^2 + \Delta G_B - \frac{2\lambda}{r}V_m - \sigma V_m}{R(1 + y_b)T} \right] \quad (17)$$

式中 Ω 为溶解热; ΔG_B 为溶质原子 Pb 的 bcc 结构和 fcc 结构的自由能差; $2\lambda/r$ 是为考虑由于球磨产生的大量界面对固溶度的影响而加入的系数, 其中 r 是颗粒半径, λ 为颗粒的表面能; σV_m 是反映由于球的碰撞或伴随位错而产生的较大应力造成的化学势变化^[8], 其中 σ 是应力张量的静力学部分, V_m 是摩尔体积。此外, Pochet 等人首次提出了影响因子 y_b ^[17], 作为被束缚的原子和热激活原子间的比率。对于以上参数可以取一些代表性的数值, 如 $\Omega = 155.3 \text{ kJ/mol}$, $\Delta G_B = 2.895 \text{ kJ/mol}$ ^[18], $y_b = 3$, $\lambda = 1 \text{ J/m}^3$, $r = 10 \text{ nm}$ ^[1], $V_m = 108.27 \text{ cm}^{-3}/\text{mol}$, T 为球磨温度(约为 350 K)。将这些参数代入公式(17), 用数值方法求出机械合金化后 Al-Pb 合金的固溶度约为 0.19% (摩尔分数)。所以认为对于溶解热值超过 100 kJ/mol 的 Al-Pb 合金系, 并不能通过球磨的方法将其固溶度扩展到一个较大的值, 主要是由于 Al-Pb 合金体系的较大正混合热会影响球磨造成的固溶度扩展。这与 Fe-Cu 互不溶体系的情况正好相反: Fe-Cu 系经机械合金化后, 固溶度扩展到 10% (摩尔分数)^[16]。

通过晶格常数的测定、TEM 和 DSC 等方法, 文献[4]分析了 Al-Pb 互不溶体系机械合金化后固

溶度扩展的可能性, 认为即使能形成过饱和固溶体, Pb 在 Al 中的固溶度也会很小, 约 1% (摩尔分数); 同时 Al-Pb 固溶体是一个亚稳相, 在适当的热力学条件下会很快地分解; 而且形成固溶体所需要达到的临界尺寸很小, 无法通过球磨实现。与 Al-Pb 体系类似, 其他一些互不溶合金体系(如 Ag-Fe^[16], Cu-W^[18] 和 Ag-Ni^[19]), 也无法通过机械合金化来显著扩展其固溶度。

3 结论

计算了 8 种 fcc 结构金属以及 Al-Pb 互不溶体系的 EAM 势函数, 并用 EAM 拟合结果计算了 Pb 在 Al 中的溶解热, 计算结果与 *ab initio* 结果一致。根据机械合金化固溶度扩展理论计算了球磨后 Pb 在 Al 中的固溶度, 约为 0.19% (摩尔分数)。可见机械合金化并不能大幅度扩展 Pb 在 Al 中的固溶度。

[REFERENCES]

- [1] Zhu M, Li B L, Gao Y, et al. Microstructure characteristics of nanophase composite synthesized by mechanical alloying of immiscible Pb-Al and Fe-Cu system [J]. Scripta Mater, 1997, 36: 447– 453.
- [2] Mahon S W. Magnetoresistance and structure state of Cu-Co, Cu-Fe compounds obtained by mechanical alloying [J]. Mater Sci Forum, 1996, 225 – 227: 157 – 162.
- [3] Zhu M, Gao Y. Improvement of the wear behaviour of Al-Pb alloys by mechanical alloying [J]. Wear, 2000, 242: 47– 53.
- [4] Zhu M, Che X Z, Li Z X, et al. Mechanical alloying of immiscible Pb-Al binary system by high energy ball milling [J]. J Material Science, 1998, 33: 5873– 5881.
- [5] Daw M S, Baskes M I. Embedded atom method derivation and application to impurities, surfaces and other defects in metals [J]. Phy Rev, 1984, B29: 6443– 6453.
- [6] Johnson R A. Alloy metals with the embedded atom method [J]. Phy Rev, 1989, B15: 12554– 12559.
- [7] Grujicic M, Zhou X W. Analysis of Fe-Ni-Cr-N austenite using the embedded atom method [J]. CALPHAD, 1993, 17: 383– 387.
- [8] Ma E, Sheng H W, He P J, et al. Solid-state alloying in nanostructured binary systems with positive heat of mixing [J]. Material Science and Engineering, 2000, 286: 48– 57.
- [9] Kittel C. Introduction to Solid State Physics, 5th ed [M]. New York: Wiley, 1976. 297.
- [10] Smithells C J. Smithells Metals Reference Book, 6th ed [M]. London: Butter Worths, 1983. 14– 20.
- [11] Simmons G, Wang H. Single Crystal Elastic Constants and Calculated Aggregate Properties: A handbook [M]. Cambridge, MA: MIT Press, 1971. 302.
- [12] Weast R C. Handbook of Chemistry and Physics [M]. Boca Raton, FL: CRC, 1984. 74.
- [13] Baskes M I. Modified embedded atom potentials for cubic materials and impurities [J]. Phy Rev, 1992, B46: 2727– 2742.
- [14] Cai J, Ye Y Y. Simple analytical embedded atom potential model including a long-range force for fcc metals and their alloys [J]. Phy Rev, 1996, B54: 8398 – 8410.
- [15] Landa A, Wynblatt P, Siegel D J, et al. Development of glue-type potentials for the Al-Pb system: Phase diagram calculation [J]. Acta Materialia, 2000, 48: 1753 – 1761.
- [16] Ma E, He J H, Schilling P J. Mechanical alloying of immiscible elements: Ag-Fe contrasted with Cu-Fe [J]. Phy Rev, 1997, B55: 5542– 5545.
- [17] Pochet P, Tominez E, Chaffron L. Order-disorder transformation in Fe-Al under ball-milling [J]. Phy Rev, 1995, B52: 4006– 4011.
- [18] Gaffet E, Louison C, Harmelin M. Metastable phase transformations induced by ball-milling in the Cu-W system [J]. Material Science Engineering, 1991, 134: 1380– 1387.
- [19] Xu J, Herr U, Klassen T. Formation of supersaturated solid solutions in the immiscible Ni-Ag system by mechanical alloying [J]. J Appl Phys, 1996, 79: 3935– 3939.

Solubility after mechanical alloying for Al-Pb immiscible alloy system

FANG Fang, ZHU Min, YUAN Bin, WANG Tao

(School of Mechanical Engineering, South China University Technology,
Guangzhou 510641, China)

[Abstract] The physical properties along with the structure stability for Ag, Al, Au, Cu, Ni, Pb, Pd and Pt are calculated by embedded atom method (EAM). The calculated results of pure metals are in general agreement with the experimental values. Structure stability calculation shows that fcc structure is much more stable than bcc and hcp structures for eight fcc pure metals. The heat of solution for Pb in Al by our Al-Pb EAM potential is calculated and the result is close to the *ab initio* calculated value. By the calculated heat of solution the solubility for Al-Pb after mechanical alloying is also calculated and the result is about 0.19% (mole fraction).

[Key words] Al-Pb immiscible alloy system; EAM potential; mechanical alloying; heat of solution; solubility

(编辑 朱忠国)